



گروه آموزشی مطابق با کد درس: گروه ریاضی	دانشکده پیشنهاد دهنده: علوم ریاضی
---	-----------------------------------

عنوان درس: نظریه‌ی مجموعه‌ها

Title: Set Theory

مقطع درس: کارشناسی

کد پیشنهادی:

درس سرویسی است؟ خیر

پیش‌نیاز درس (هم نیاز): مبانی ریاضی (پیش‌نیاز)

نوع درس: الف) تخصصی ب) نظری تعداد واحد: انتخاب کنید درس آزمایشگاهی/کارگاهی است؟ خیر
تعداد ساعت آزمایشگاه در هفته انتخاب کنید

آیا درس مذکور دارای سرفصل مورد تائید وزارت عتв است؟ بلی- سرفصل پیوست شده است. در صورت مثبت بودن لطفاً پیوست نامه فرمایید.*.

میزان همپوشانی (مشابهت) با دروس موجود در دانشکده: + درصد و با سایر دروس دانشگاه: + درصد

نام دروس مشابه در دانشگاه:

نام دروس مشابه در دانشکده:

اگر درس پیشنهادی جدید نیست اطلاعات زیر تکمیل شود:

فعال شدن درس نام درس: ۴ کد درس:

امکانات ویژه و الزامات مورد نیاز جهت ارائه درس: (شامل حل تمرین، بازدید علمی و سایر امکانات)

اهمیت و ضرورت ارائه درس: (شامل اهداف آموزشی درس نمی‌شود)

اصول موضوعه‌ی علم ریاضی نوین بر پایه‌ی نظریه‌ی مجموعه‌ها بنا شده است. از این رو آشنایی با نظریه‌ی مجموعه‌ها برای دانشجویان دغدغه‌مند ریاضی، اجتناب‌ناپذیر است.

درس نظریه‌ی مجموعه‌ها، به عنوان درسی تخصصی در گرایش منطق ریاضی، در ادامه‌ی درس مبانی ریاضی قرار می‌گیرد. هر آنچه در درس مبانی ریاضی به صورت گذرا و احتمالاً نادقيق بیان شده است در این درس به صورت پایه‌ای بیان و اثبات می‌شود.

همچنین در این درس به سوالات بنیادین علم ریاضی، مانند وجود مجموعه‌ها، سازگاری نظریه‌ی مجموعه‌ها و در پی آن سازگاری علم ریاضی و استقلال برخی قضایا از اصول نظریه‌ی مجموعه‌ها پرداخته می‌شود. در این درس مجموعه‌های اعداد بازشناسانده می‌شود و کاردینالها و اردینالها نامتناهی مختلف مورد مطالعه قرار می‌گیرند. همچنین با استفاده از تکنیک فُرسینگ، به ساختن مدل‌های از ریاضیات پرداخته می‌شود که در آنها پدیده‌هایی مانند حدس پیوستار برقرار باشند.

آشنایی با این درس موجب گستره شدن افق دید دانشجو نسبت به مسائل بنیادین و فلسفی ریاضی می‌شود.

شرح درس (بین 4 تا 10 خط کامل نوشته شده و سرفصلها تنها با کاما جدا شوند. از بکار بردن جمله دارای فعل، پرانتز، خط فاصله و دونقطه خودداری شود.)

اصول برنیز - گودل برای کلاسها و اصول زرملو - فرانکل برای مجموعه‌ها، اصل خوش‌ترتیبی، اصل انتخاب، لم زرن، اردینالها و حساب آنها، قضایای بازگشت، استقرای فرامتناهی، اعداد طبیعی و سلسله‌مراتب فون‌نویمن، کاردینالها و توانهای آنها، همپایانی و کاردینالهای منظم، کلابها و مجموعه‌های ساکن، قضایای رمزی و اردوس‌رادو، قضیه‌ی سیلور، قضیه‌ی کونیگ، کاردینالهای فشرده‌ی ضعیف، کاردینالهای اندازه‌پذیر، مدل‌های متعددی نظریه‌ی مجموعه‌ها، برابری $V=L$ ، فرسینگ و مدل‌های ژنریک، سازگاری نظریه‌ی مجموعه‌ها

English Course Description:

Bernays-Gödel axioms for classes and Zermelo-Fraenkel axioms for sets, Wellordering principle, Axiom of choice, Zorn's lemma, Ordinals and their arithmetic, Recursion theorems, Transfinite induction, Natural numbers and von Neumann hierarchy, Cardinals and their exponentials, Cofinality and regular cardinals, Clubs and stationary sets, Ramsey and Erdős-Rado theorems, Silver's theorem, König's theorem, Weakly compact cardinals, Measurable cardinals, Transitive models of set theory, The equality $V=L$, Forcing and generic models, Consistency theorems

مراجع (لطفاً مراجع فارسی و انگلیسی به روشنی آغاز شود، اقسام خاص، حرف، اما همه مباحث، با حرف، توجه: برای درس آزمایشگاهی/کارگاهی، دستور کار به عنوان آخرین مرجع فارسی ذکر شود).

(1)

References :

- 1) Kunnen, K. (2011). Set theory (revised). London: college publication.
- 2) Jech, T. (2013). Set theory (2, illustrated). Newyork: Springer science and business media.
- 3) Levy, A. (1979), Basic set theory, Berlin: Springer
- 4) Enderton, H (1977), Elements of set theory, Academic Press
- 5) Ebbinghaus (2003), Einführung in die Mengenlehre (4), Mannheim: Hochschultaschenbuch
- 6) Halbeisen L.(2012), Combinatorial set theory, Berlin: Springer
- 7) Kanamori A (2009), The higher infinite (2), Berlin: Springer-Verlag
- 8) Ziegler, M (2010), Mathematische Logik, Basel: Birkhäuser, Mathematik kompakt

*- در صورت ارائه درس جدید (در صورت عدم تصویب توسط وزارت عتف) موارد زیر پیوست شود:

- 1- سوابق آموزشی و پژوهشی مدرس (مدرسین) مرتبط با درس پیشنهادی،
- 2- سوابق ارائه درس در سایر دانشگاه‌های کشور یا دانشگاه‌های معتبر خارج از کشور همراه با سرفصل‌ها (در مجموع حداقل دو مورد کافی است).